

ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

- Algoritmos de “comparação-e-troca”
 - Bubble Sort
 - Merge Sort
 - Quick Sort



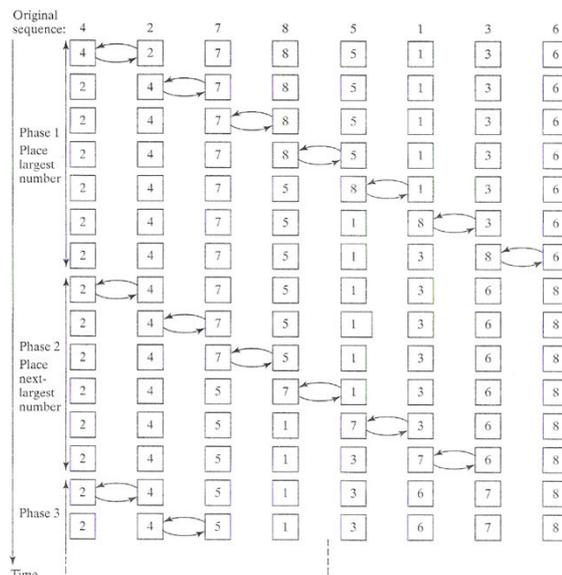
BUBBLE SORT

- Usa a estratégia de “comparação-e-troca”
- É constituído por várias fases
- Cada fase tem várias iterações
- Cada iteração consiste em comparar dois valores, e se necessário trocá-los
- A título de exemplo, vamos considerar um vector x , constituído por valores $x_0, x_1, x_2, \dots, x_n$ não ordenados
- Veja o vídeo em <http://www.youtube.com/watch?v=P00xJgWzz2c>



BUBBLE SORT SEQUENCIAL

- Considerando uma ordenação crescente
- O elemento de maior valor vai para o final do vector
- Em cada fase que é realizada, o número de iterações diminui em uma unidade
- Só existe troca na iteração caso o elemento da esquerda seja superior ao da direita
- Na pior das hipóteses vão existir $n-1$ fases

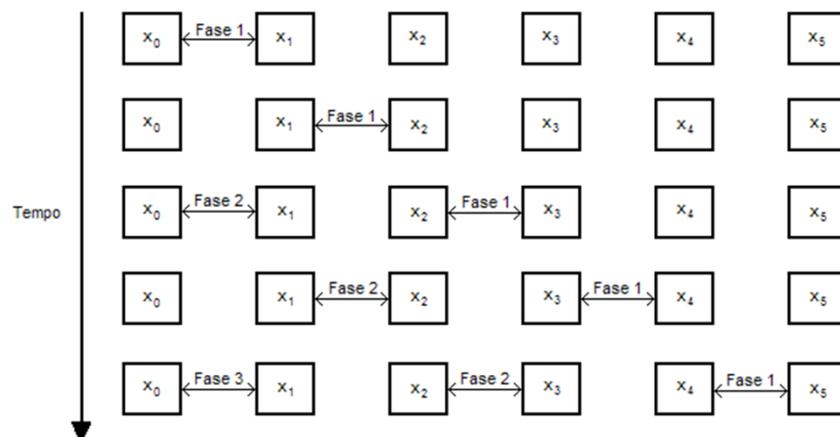


BUBBLE SORT COM PIPELINING

- O *pipelining* é possível pois as iterações de cada fase vão percorrendo o vetor, não necessitando posteriormente de valores anteriores
- Ou seja, quando a primeira fase já se encontra na comparação de x_2 e x_3 , a segunda fase já pode usar os valores x_0 e x_1 para comparação



BUBBLE SORT COM PIPELINING



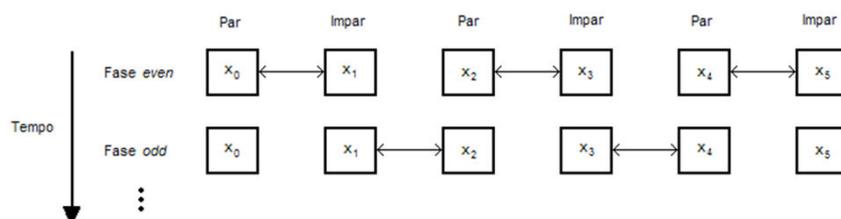
ODD-EVEN SORT

- É uma variante do algoritmo **Bubble Sort**
- Constituído por duas fases distintas:
 - Fase *even* (par)
 - Fase *odd* (ímpar)
- Na fase *even* (par) comparam-se as posições (índices) pares com a posição seguinte a cada uma delas
- Na fase *odd* (ímpar) comparam-se as posições (índices) ímpares com a posição seguinte a cada uma delas



ODD-EVEN SORT PARALELO

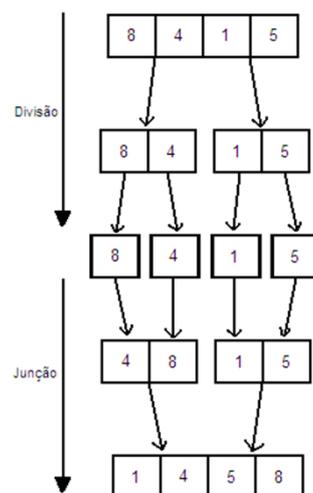
- Esta variante, realizada de maneira sequencial não traz qualquer benefício em relação ao Bubble Sort (sequencial)
- Mas, esta variante realizada em paralelo, apresenta notoriamente grande potencial



MERGE SORT

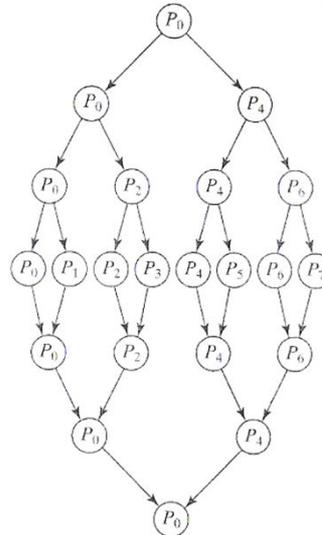
- Técnica “dividir-para-conquistar”
- Constituído por duas fases distintas:
 - Divisão
 - Junção (*merge*)
- Não é feita nenhuma computação na fase de divisão
- A ordenação acontece na fase de junção (*merge*)
- Veja o vídeo em <http://www.youtube.com/watch?v=PKCMMSXQyJE&feature=related>

MERGE SORT SEQUENCIAL

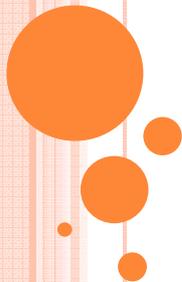


MERGE SORT PARALELO

- Na fase de divisão, atribui-se uma lista de elementos a cada processador
- Tem o problema de em algumas partes do algoritmo ser necessária bastante comunicação entre processadores
- Tem a vantagem de ser bastante leve a nível computacional em cada processador



QUICKSORT



CARACTERÍSTICAS

- Algoritmo recursivo
 - Compara valores para ordenar uma lista
 - Seleciona um número para *pivot*
 - Divide a lista em duas sub-listas
 - Chama-se a si próprio recursivamente para ordenar as duas sub-listas
- 

CARACTERÍSTICAS

- É um dos métodos mais rápidos de ordenação, apesar de às vezes partições desequilibradas poderem conduzir a uma ordenação lenta.
 - Esse método de ordenação utiliza a técnica “dividir-para-conquistar” (dividir o problema inicial em dois subproblemas e resolver um problema menor utilizando a recursividade)
- 

CARACTERÍSTICAS

- Este método baseia-se na divisão da tabela em duas sub-tabelas, dependendo de um elemento chamado pivô.
- Uma das sub-tabelas contém os elementos menores que o pivô enquanto a outra contém os maiores.
- O pivô é colocado entre ambas, ficando na posição correta.
- As duas sub-tabelas são ordenadas de forma idêntica, até que se chegue à tabela com um só elemento.

- Esse método de ordenação divide-se em vários passos:
 - Escolher para pivô o primeiro elemento da tabela ($p=x[1]$)
 - Se os elementos de x forem rearranjados de forma a que o pivô (p) sejam colocados na posição j e sejam respeitadas as seguintes condições:
 1. todos os elementos entre as posições 1 e $j-1$ são menores ou iguais que o pivô (p)
 2. todos os elementos entre as posições $j+1$ e n são maiores que o pivô (p)

Então p permanecerá na posição j no final do ordenamento.

· Se este processo for repetido para as sub-tabelas $x[1]$ a $x[j-1]$ e $x[j+1]$ a $x[n]$ e para todas as sub-tabelas criadas nas iterações seguintes obteremos no final uma tabela ordenada.

Portanto a parte mais difícil deste método é o procedimento **parte** que divide a tabela em 2 sub-tabelas dependendo do pivô.

O método consiste em:

- Escolher um pivô inicial x ;
 - Colocar todos itens com chave menor que a de x à esquerda de x , formando uma sequência $S1$;
 - Colocar todos itens com chave maior que a de x à direita de x , formando uma sequência $S2$;
- Isto feito, o mesmo processo é aplicado às sequências $S1$ e $S2$, que por sua vez produzirão novos segmentos;
- O processo deve ser aplicado sucessivamente às sequências enquanto elas tiverem tamanho ≥ 1 .



http://www.youtube.com/watch?v=y_G9BkAm6B8&feature=related

34

5	86	69	73	11	17	1	74	34	3
---	----	----	----	----	----	---	----	----	---

5	86	69	73	11	17	1	74	34	3
---	----	----	----	----	----	---	----	----	---

$86 \geq 34$

34
5 86 69 73 11 17 1 74 34 3

5	86	69	73	11	17	1	74	34	3
---	----	----	----	----	----	---	----	----	---

$86 \geq 34$

5	86	69	73	11	17	1	74	34	3
---	----	----	----	----	----	---	----	----	---

$3 \leq 34$

<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>86</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>3</td> </tr> <tr> <td colspan="10">$86 \geq 34$</td> </tr> </table>	5	86	69	73	11	17	1	74	34	3	$86 \geq 34$										<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>86</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>3</td> </tr> <tr> <td colspan="10">$3 \leq 34$</td> </tr> </table>	5	86	69	73	11	17	1	74	34	3	$3 \leq 34$									
5	86	69	73	11	17	1	74	34	3																																
$86 \geq 34$																																									
5	86	69	73	11	17	1	74	34	3																																
$3 \leq 34$																																									
<table border="1" style="margin: 0 auto; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 10px 20px;">34</td> </tr> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>3</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>86</td> </tr> </table>										34	5	3	69	73	11	17	1	74	34	86																					
34																																									
5	3	69	73	11	17	1	74	34	86																																

<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">34</td> </tr> </table>	34	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>3</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>86</td> </tr> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>3</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>86</td> </tr> <tr> <td colspan="10">$69 \geq 34$</td> </tr> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td>5</td><td>3</td><td>69</td><td>73</td><td>11</td><td>17</td><td>1</td><td>74</td><td>34</td><td>86</td> </tr> <tr> <td colspan="10">$34 \leq 34$</td> </tr> </table>	5	3	69	73	11	17	1	74	34	86	5	3	69	73	11	17	1	74	34	86	$69 \geq 34$										5	3	69	73	11	17	1	74	34	86	$34 \leq 34$									
34																																																				
5	3	69	73	11	17	1	74	34	86																																											
5	3	69	73	11	17	1	74	34	86																																											
$69 \geq 34$																																																				
5	3	69	73	11	17	1	74	34	86																																											
$34 \leq 34$																																																				

5	3	69	73	11	17	1	74	34	86
---	---	----	----	----	----	---	----	----	----

$69 \geq 34$

5	3	69	73	11	17	1	74	34	86
---	---	----	----	----	----	---	----	----	----

$34 \leq 34$

34									
5	3	34	73	11	17	1	74	69	86

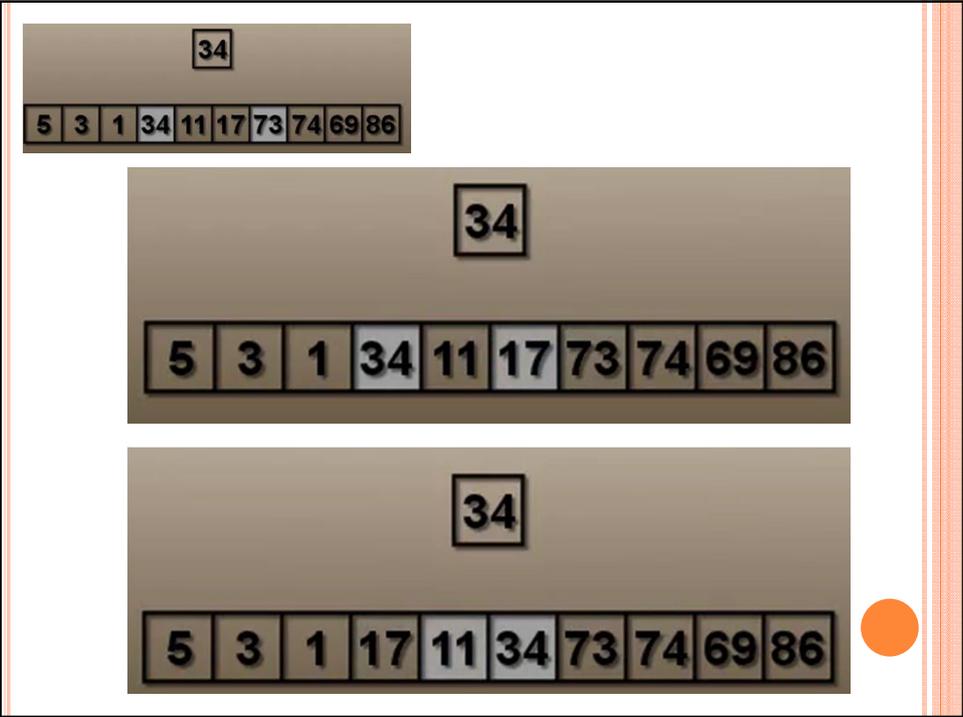
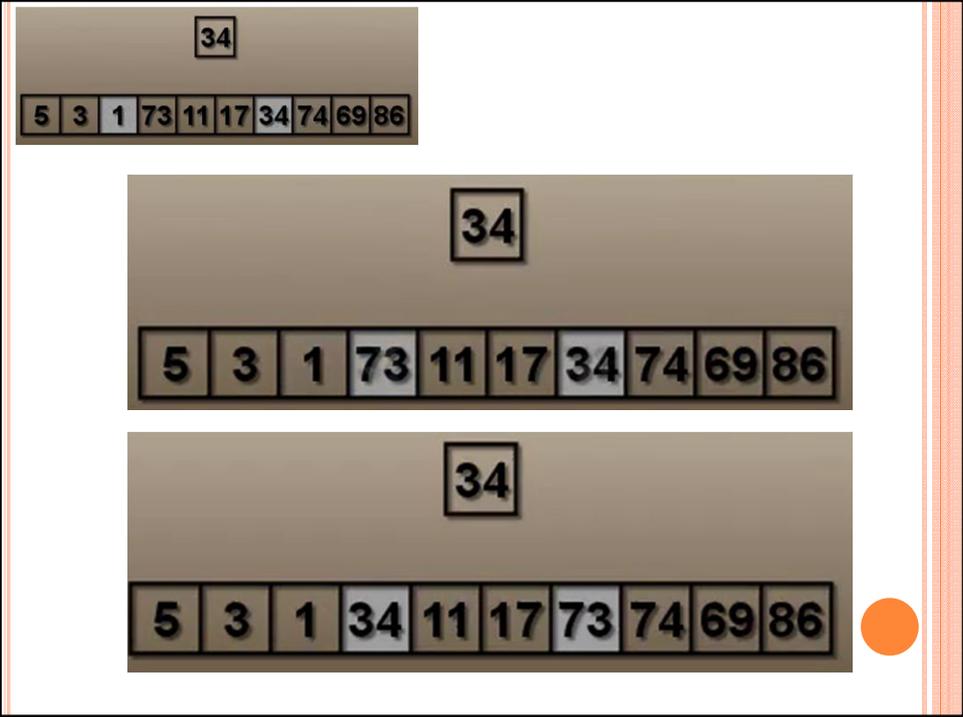


34									
5	3	34	73	11	17	1	74	69	86

34									
5	3	34	73	11	17	1	74	69	86

34									
5	3	1	73	11	17	34	74	69	86





34

5	3	1	17	11	34	73	74	69	86
---	---	---	----	----	----	----	----	----	----



Quicksort

24	5	3	35	14	23	19	43	2
2	5	3	14	19	23	35	43	24



http://www.youtube.com/watch?v=y_G9BkAm6B8&feature=related



Quicksort

24	5	3	35	14	23	19	43	2
2	5	3	14	19	23	35	43	24
2	3	5	14	19	23	35	43	24

The diagram below the table shows four double-headed arrows indicating partitioning ranges: the first arrow spans from index 0 to 2, the second from index 3 to 4, the third is a single upward-pointing arrow at index 5, and the fourth spans from index 6 to 8.

http://www.youtube.com/watch?v=y_G9BkAm6B8&feature=related

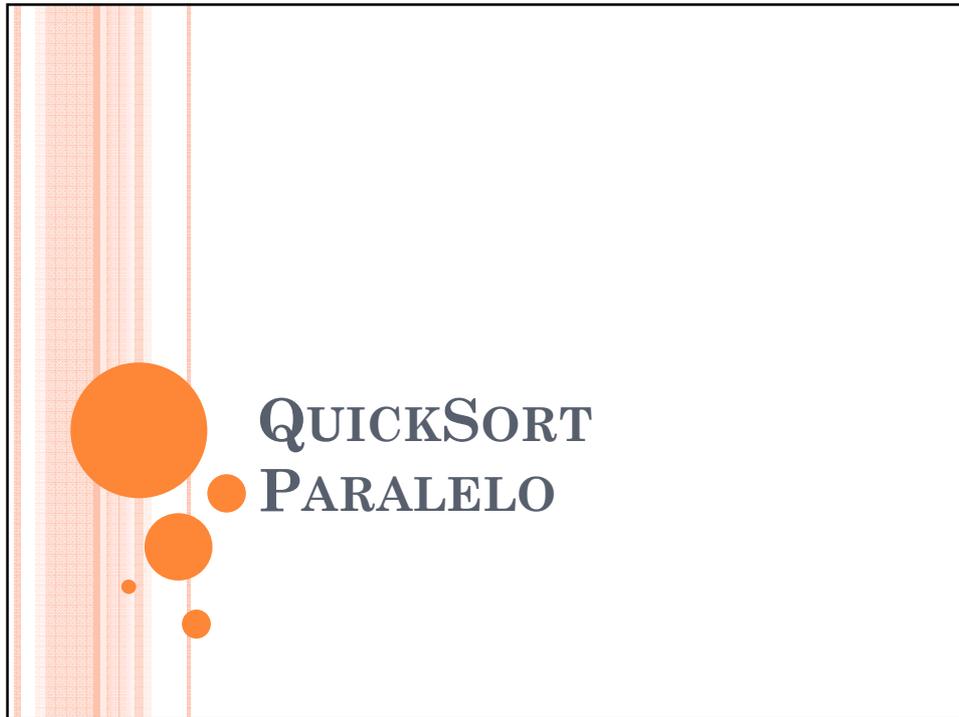


Quicksort

24	5	3	35	14	23	19	43	2
2	5	3	14	19	23	35	43	24
2	3	5	14	19	23	35	43	24
2	3	5	14	19	23	24	35	43

http://www.youtube.com/watch?v=y_G9BkAm6B8&feature=related





VANTAGENS

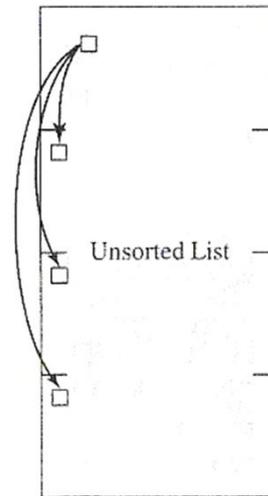
- Considerado dos algoritmos mais rápidos
- Tem concorrência natural
- Não é necessário haver sincronização



DESENVOLVIMENTO

1. Valores

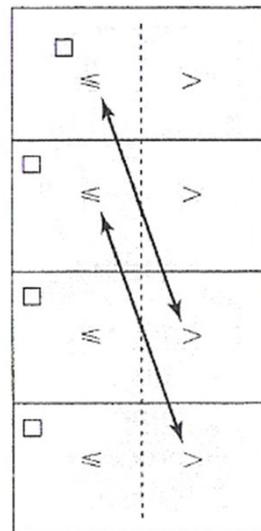
2.1.



DESENVOLVIMENTO

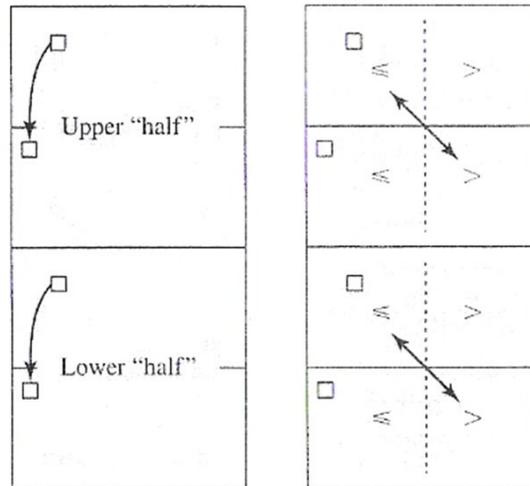
3.

4. T



DESENVOLVIMENTO

5.



DESENVOLVIMENTO

6.

