

# Estrutura de Dados

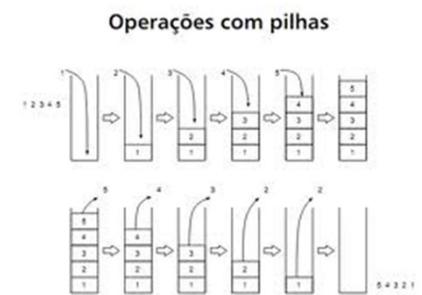
Rafael D. Ribeiro, M.Sc.  
 rafaeldiasribeiro@gmail.com  
<http://www.rafaeldiasribeiro.com.br>

## Estrutura de Dados

Operações de acesso, inserção e remoção, restrita a extremos da lista. Casos especiais:

- Pilha:
  - Lista linear onde todas as inserções, remoções e acessos são realizados em um único extremo.
  - Lista LIFO (Last In / First Out)

Operações com pilhas



## Estrutura de Dados

- Pilha:
  - Na alocação sequencial de listas genéricas, considera-se sempre a primeira posição da lista no endereço 1 da memória disponível. Uma alternativa a essa estratégia é a utilização de indicadores especiais, denominados **ponteiros**, para o acesso as posições selecionadas.
  - No caso da pilha apenas um ponteiro precisa ser considerado denominado “topo” já que as inserções e remoções são realizadas na mesma extremidade da lista.

*topo* ↑

## Estrutura de Dados

- Pilha (alocação sequencial):

algoritmo 2.7: Inserção na pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq M$  então  
      $topo := topo + 1$   
      $\mathcal{P}[topo] := novo-valor$   
 senão *overflow*

## Estrutura de Dados

- Pilha (alocação sequencial):

algoritmo 2.8: Remoção da pilha  $\mathcal{P}$   
se  $topo \neq 0$  então

$valor-recuperado := \mathcal{P}[topo]$

$topo := topo - 1$

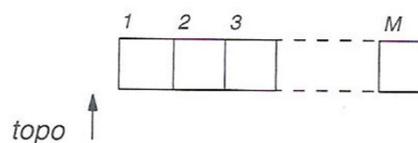
senão *underflow*

## Estrutura de Dados

- Pilha (alocação sequencial):

situação 1:

inicial : pilha vazia



algoritmo 2.7: Inserção na pilha  $\mathcal{P}$

se  $topo \neq M$  então

$topo := topo + 1$

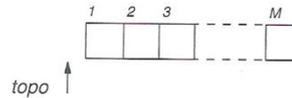
$\mathcal{P}[topo] := novo-valor$

senão *overflow*

## Estrutura de Dados

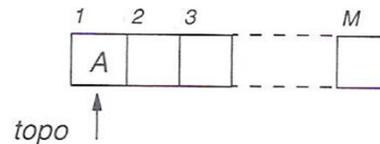
- Pilha (alocação sequencial):

situação 1:  
inicial : pilha vazia



situação 2:

inserir informação A

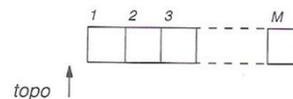


algoritmo 2.7: Inserção na pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq M$  então  
      $topo := topo + 1$   
      $\mathcal{P}[topo] := novo-valor$   
 senão *overflow*

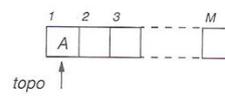
## Estrutura de Dados

- Pilha (alocação sequencial):

situação 1:  
inicial : pilha vazia

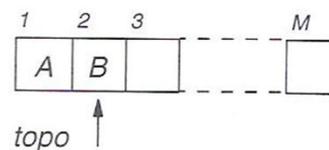


situação 2:  
inserir informação A



situação 3:

inserir informação B

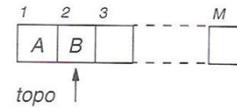


algoritmo 2.7: Inserção na pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq M$  então  
      $topo := topo + 1$   
      $\mathcal{P}[topo] := novo-valor$   
 senão *overflow*

## Estrutura de Dados

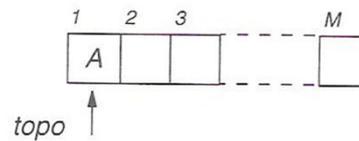
- Pilha (alocação sequencial):

situação 3:  
inserir informação B



algoritmo 2.8: Remoção da pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq 0$  então  
     *valor-recuperado* :=  $\mathcal{P}[topo]$   
      $topo := topo - 1$   
 senão *underflow*

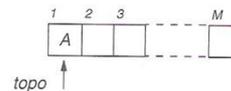
situação 4:  
retirar informação (B)



## Estrutura de Dados

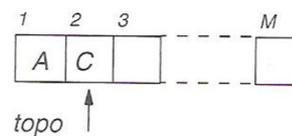
- Pilha (alocação sequencial):

situação 4:  
retirar informação (B)



algoritmo 2.7: Inserção na pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq M$  então  
      $topo := topo + 1$   
      $\mathcal{P}[topo] := novo-valor$   
 senão *overflow*

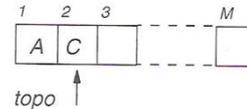
situação 5:  
inserir informação C



## Estrutura de Dados

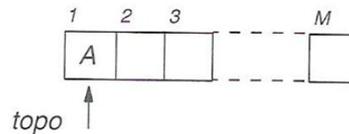
- Pilha (alocação sequencial):

situação 5:  
inserir informação C



algoritmo 2.8: Remoção da pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq 0$  então  
     *valor-recuperado* :=  $\mathcal{P}[topo]$   
      $topo := topo - 1$   
 senão *underflow*

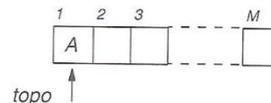
situação 6:  
retirar informação (C)



## Estrutura de Dados

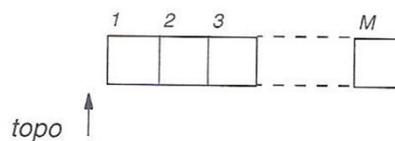
- Pilha (alocação sequencial):

situação 6:  
retirar informação (C)



algoritmo 2.8: Remoção da pilha  $\mathcal{P}$   
 se  $topo \neq 0$  então  
     *valor-recuperado* :=  $\mathcal{P}[topo]$   
      $topo := topo - 1$   
 senão *underflow*

situação 7:  
retirar informação (A)



## Estrutura de Dados

◦ Operações de acesso, inserção e remoção, restrita a extremos da lista. Casos especiais:

- Fila:
  - Lista linear onde todas as inserções são feitas em um certo extremo e todas as remoções e acessos são feitas no outro extremo.
  - Lista FIFO (First In / First Out)



## Estrutura de Dados

- As filas precisam de uma implementação um pouco mais elaborada. São necessários dois ponteiros: início da fila (**f**) e retaguarda (**r**).
- Para adição de um novo elemento move-se (**r**) para retirada (**f**). A situação da fila vazia é representada **f = r = 0**
- A medida que os ponteiros são incrementados na memória disponível, a fila “se move”, o que pode dar à falsa impressão de memória esgotada. Para evitar este problema, consideram-se os **M** nós alocados como se estivessem em círculo, onde **F[1]** segue **F[M]**.
- No algoritmo de inserção, a variável **prov** armazena provisoriamente a posição de memória calculada de forma a respeitar a circularidade, só sendo movimentado o ponteiro **r** se a operação for possível.

## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

```

algoritmo 2.9: Inserção na fila  $\mathcal{F}$ 
 $prov := r \bmod M + 1$ 
se  $prov \neq f$  então
     $r := prov$ 
     $\mathcal{F}[r] := novo-valor$ 
    se  $f = 0$  então
         $f := 1$ 
senão overflow
  
```

## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

```

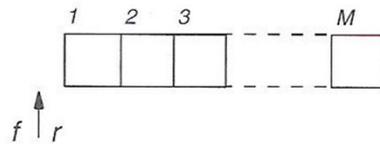
algoritmo 2.10: Remoção da fila  $\mathcal{F}$ 
se  $f \neq 0$  então
     $valor-recuperado := \mathcal{F}[f]$ 
    se  $f = r$  então
         $f := r := 0$ 
    senão  $f := f \bmod M + 1$ 
senão underflow
  
```

## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 1:

inicial : fila vazia



algoritmo 2.9: Inserção na fila  $\mathcal{F}$

$prov := r \bmod M + 1$

se  $prov \neq f$  então

$r := prov$

$\mathcal{F}[r] := novo-valor$

se  $f = 0$  então

$f := 1$

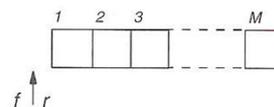
senão *overflow*

## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 1:

inicial : fila vazia



algoritmo 2.9: Inserção na fila  $\mathcal{F}$

$prov := r \bmod M + 1$

se  $prov \neq f$  então

$r := prov$

$\mathcal{F}[r] := novo-valor$

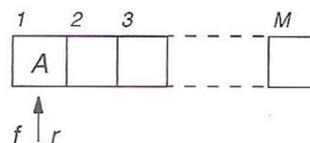
se  $f = 0$  então

$f := 1$

senão *overflow*

situação 2:

inserir informação A

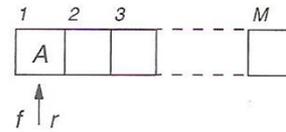


## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 2:

inserir informação A



algoritmo 2.9: Inserção na fila  $\mathcal{F}$

$prov := r \bmod M + 1$

se  $prov \neq f$  então

$r := prov$

$\mathcal{F}[r] := novo-valor$

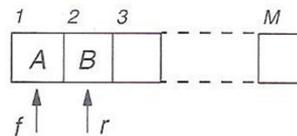
se  $f = 0$  então

$f := 1$

senão *overflow*

situação 3:

inserir informação B

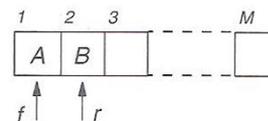


## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 3:

inserir informação B



algoritmo 2.10: Remoção da fila  $\mathcal{F}$

se  $f \neq 0$  então

$valor-recuperado := \mathcal{F}[f]$

se  $f = r$  então

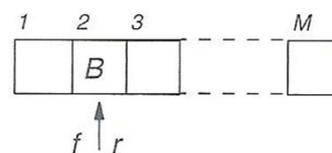
$f := r := 0$

senão  $f := f \bmod M + 1$

senão *underflow*

situação 4:

retirar informação (A)

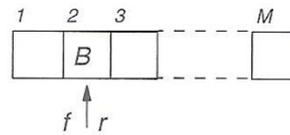


## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 4:

retirar informação (A)



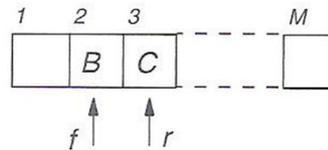
algoritmo 2.10: Remoção da fila  $\mathcal{F}$

```

se  $f \neq 0$  então
  valor-recuperado :=  $\mathcal{F}[f]$ 
  se  $f = r$  então
     $f := r := 0$ 
  senão  $f := f \bmod M + 1$ 
senão underflow
  
```

situação 5:

inserir informação C

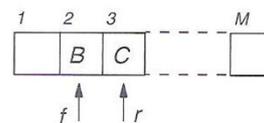


## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 5:

inserir informação C



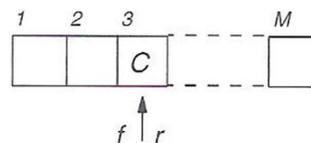
algoritmo 2.9: Inserção na fila  $\mathcal{F}$

```

 $prov := r \bmod M + 1$ 
se  $prov \neq f$  então
   $r := prov$ 
   $\mathcal{F}[r] := novo-valor$ 
  se  $f = 0$  então
     $f := 1$ 
senão overflow
  
```

situação 6:

retirar informação (B)

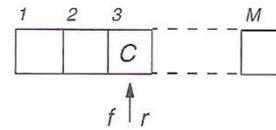


## Estrutura de Dados

- Fila (alocação sequencial)

situação 6:

retirar informação (B)



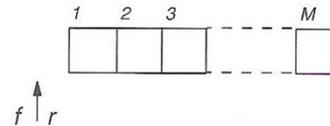
algoritmo 2.10: Remoção da fila  $\mathcal{F}$

```

se  $f \neq 0$  então
    valor-recuperado :=  $\mathcal{F}[f]$ 
    se  $f = r$  então
         $f := r := 0$ 
    senão  $f := f \bmod M + 1$ 
senão underflow
  
```

situação 7:

retirar informação (C)



## Estrutura de Dados

### Bibliografia das Notas de Aula



**Estruturas de Dados e Seus Algoritmos -**  
**Jayme Luiz Szwarcfiter, Lilian Markenzon**  
 LTC Editora - 2 ° Ed.